



La Fundación Uno, el Ministerio de Educación (MINED), la Universidad Nacional de Ingeniería (UNI) y la Universidad Nacional Autónoma de Nicaragua, UNAN-León, invitan a las y los estudiantes activos de todo el país, que estén cursando Quinto, Sexto, Séptimo, Octavo, Noveno o Décimo grado, con edades menores de 15 años, a participar en la décima quinta Convocatoria Nacional de la "Academia Sabatina de Jóvenes Talento" para el curso 2019.

Objetivos de la Academia

- * Identificar a niños y jóvenes que poseen talento, motivación e interés por el estudio de la Matemática.
- * Incentivar y apoyar a los estudiantes más destacados a participar en competencias nacionales, regionales e internacionales de Matemática.
- * Capacitar sistemáticamente a estudiantes talentosos para que sean futuros líderes científico técnico-matemáticos del país.

Convocatoria Nacional, 13 de febrero 2019

Publicación en los diferentes medios de comunicación de las instituciones involucradas.

Convocatoria Nacional

La Convocatoria Nacional está conformada de seis pruebas, dirigidas a los y las estudiantes de: Quinto, Sexto, Séptimo, Octavo, Noveno y Décimo grado. Pueden participar las y los estudiantes que estén matriculados en el Sistema Nacional de Educación, público, subvencionado o privado en modalidad regular, cuya edad sea menor a los 15 años. La participación es voluntaria, solo debes tener motivación e interés por el aprendizaje de la Matemática así como el compromiso de estudiar disciplinadamente, manteniendo alto rendimiento académico tanto en su centro de estudios como en la Academia Sabatina de Jóvenes Talento.

Mayor Información: María Melba López Montenegro, Directora General de Educación Secundaria, Ministerio de Educación, Managua. Teléfono: 8713-1312. Ing. Hank de Jesús Espinoza Serrano, Academia Sabatina de Jóvenes Talento, UNI, 2do. Planta, Edificio "Ing. Carlos Santos Berroterán", 2do. Portón, Avenida Universitaria, Universidad Nacional de Ingeniería, Managua. Teléfono 5807-4942. Lic. Mayela Álvarez, Coordinadora Proyectos de Educación (Fundación UNO), Edificio Discover, 5to piso puerta 5C, frente al Club Terraza en Villa Fontana, Managua. Teléfonos 2270-1514, ext. 122; 8856-6608 (c); 8176-5030 (m). Orlando Antonio Ruiz Álvarez, Coordinador UNAN – León. Teléfono 8903-7228.

Primer Momento: PRUEBA NACIONAL

Procedimiento

De la presente publicación, toma los problemas que correspondan a tu grado, resuélvelos y **envía las soluciones en sobre cerrado**, escribiendo la solución de cada problema, en hojas separadas, numeradas y con el nombre del participante, se pueden agregar las hojas utilizadas como borradores. **Fecha límite 27 de febrero de 2019**, último día para entregar las soluciones de los problemas.

Importante

En la solución de los problemas, es fundamental la justificación o argumentación utilizada, la redacción debe ser detallada, clara, ordenada y sin tachaduras. En los problemas de geometría no son válidas las soluciones obtenidas como resultado de medir directamente en los gráficos o figuras dadas. Las soluciones en la que sólo aparezca la respuesta no serán tomadas en consideración. Las soluciones deberán ser redactadas con bolígrafo o lapicero. No se aceptarán soluciones con lápiz de grafito.

ENTREGA DE LA PRUEBA POR LAS Y LOS ESTUDIANTES

Escriba en la carátula del sobre y también en una hoja dentro del mismo los siguientes datos personales:

- * Nombres y Apellidos completos.
- * Fecha de Nacimiento (día, mes, año). Edad cumplida.
- * Grado en que está matriculado.
- * Nombre de tus padres o tutor, número de teléfono celular y/o convencional.
- * Dirección donde vive, Departamento, Municipio
- * Centro de Estudios, Nombre, Turno al que asiste, Dirección exacta y número de teléfono del centro.
- * Número de problemas que ha resuelto.

Lugares de entrega: Dirección de Educación Secundaria, MINED Central, Managua, Delegaciones Departamentales del MINED. Oficina de la Academia Sabatina de Jóvenes Talento en la UNI-RUSB. Oficina de Fundación Uno en Managua y la Facultad de Ciencias de la Educación y Humanidades, UNAN – León.

Segundo Momento: PRUEBA PRESENCIAL

Procedimiento

Los estudiantes que obtengan los puntajes más altos en la Prueba de Convocatoria Nacional, son preseleccionados e invitados a realizar una Prueba Presencial, (prueba de conocimientos, habilidades y lógica matemática) el día **8 de Marzo 2019**, en la hora y el local que se le indicará.

Ingreso a la Academia

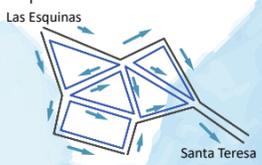
Los estudiantes que obtengan los puntajes más altos en la Prueba Presencial, serán llamados a una entrevista. Los seleccionados serán notificados por Fundación Uno. La Academia Sabatina de Jóvenes Talento 2019, iniciará sus clases el **16 de Marzo de 2019** y se desarrollarán durante 30 sábados en las instalaciones de la Universidad Nacional de Ingeniería, Recinto Universitario "Simón Bolívar", Managua y en la Universidad Nacional Autónoma de Nicaragua de León (UNAN-León), para los estudiantes de León y Chinandega.

[f /asjtnic](https://www.facebook.com/asjtnic)
fundacionuno.org
www.asjtnic.org
www.uni.edu.ni
www.unanleon.edu.ni

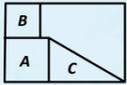
Los resultados serán publicados en la página de la Academia: www.asjtnic.org en la fecha indicada.

Quinto grado

Problema 1: Un furgonero quiere ir de las Esquinas a Santa Teresa siguiendo el sentido que indican las flechas en el plano adjunto. Describe todas las rutas que puede hacer el furgonero. ¿Cuántos viajes distintos puede hacer sin recorrer dos veces la misma ruta?

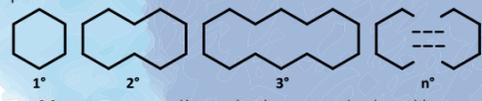


Problema 3: Una hoja rectangular se corta en cuatro partes, como se muestra a continuación. Si A es un cuadrado de 121 cm² de área, B es un cuadrado de 64 cm² de área y C tiene 99 cm² de área. ¿Cuál es el área del pedazo que sobra?



Problema 4: En un lenguaje antiguo los símbolos: representan los siguientes números 1, 2, 3, 4 y 5. Nadie sabe qué símbolo representa qué número. Sabemos que: ¿Qué símbolo representa el número 3?

Problema 2: Una empresa dará una fiesta donde asistirán sus 8078 empleados. Para servir la cena se van a usar mesas con forma de hexágono regular y en cada lado de ellas se puede sentar a lo más una persona. Se desea que todas las mesas queden juntas y la manera de juntar es pegando cada mesa, por un lado, con una sola de las demás mesas que están pegadas. ¿Cuál es el mínimo número de mesas que se necesitan para sentar a todas las personas?



Problema 5: Un jardín se divide en cuadrados idénticos. Dos caracoles, uno rápido y otro lento se mueven a lo largo del perímetro del jardín empezando desde la esquina S, pero en diferentes direcciones. El caracol lento se mueve a una rapidez de 1 metro por hora (1 m/h) y el caracol rápido a 2 metros por hora (2 m/h). ¿En qué punto se encontrarán los dos caracoles?



Sexto grado

Problema 1: Un agricultor tenía cinco sacos de papas y pidió a su hijo que los pesara para llevarlos al mercado. El hijo, estudiante de matemática, los pesó de dos en dos de todas las maneras posibles. Las pesadas que obtuvo en kilogramos fueron: 46, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 56 y 57. ¿Cómo averiguó el peso de cada saco? ¿Cuánto pesa cada saco?

anterioridad. Eleve a la cuarta potencia aquellos números que sean pares y a la potencia tres los que sean impares. Suma todos estos valores y la cantidad encontrada descompóngalo en sus factores primos y el mayor de los primos menores que 10, será el último botón por presionar. ¿Cuál es la clave que le dará a Bob Esponja?

Problema 2: Bob Esponja quiere recuperar la combinación de la caja fuerte, porque ahí tiene guardada la receta secreta de sus famosas Cangreburger. Le pide a la Academia Sabatina de Jóvenes Talento, recuperar la combinación de 5 cifras a partir de las siguientes instrucciones:

- El dígito central del cuadrado del número primo más pequeño entre los números 20 al 40, será el primer botón que se presione.
- El segundo botón por presionar es el último dígito del resto que resulta al realizar la división 2019/43.
- Al número de letras distintas que tiene la palabra CANGREBURGER, le restamos el número de letras que se repiten, dicha cantidad representa el tercer botón por presionar.
- El cuarto botón que se debe presionar, es la cantidad que resulta de sumar los primeros 10 enteros positivos, luego lo divides por 11, seguidamente le restas 4 y finalmente lo multiplicas por 7.
- De los dígitos de la combinación encontrados con

Problema 3: ¿Es posible que al sumar tres veces $1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 3 \cdot 4 + \dots + 2018 \cdot 2019$, el resultado pueda expresarse como el producto de tres enteros consecutivos?

Problema 4: En la figura mostrada hay dos cuadrados, el más pequeño tiene lado 2 cm y el más grande tiene lado 7 cm. Los lados del cuadrado pequeño son paralelos a los lados del cuadrado grande. Halla el área sombreada, en cm².



Problema 5: Se requiere construir una torre usando palillos como se muestra en la siguiente figura:



¿Cuántos pisos se pueden construir con 1001 palillos?

Problema 4: Los números del 1 al 2019 se organizan en columnas como se muestra:



¿En qué número de columna se encuentra el número 2019?

Problema 5: Encuentra el valor que se obtiene de la expresión: $800\Delta + 141\Box - *$, si se cumple que:

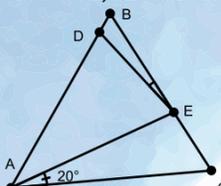
- $\circ + \Delta = 3$
- $\Delta + \Delta = 4$
- $\Delta + \square = 5$
- $\circ + \square = *$

Séptimo grado

Problema 1: Si: $\frac{a^2}{b} - \frac{b^2}{a} = 3(a - b)$.

Calcular el valor de: $\frac{4(a^8 + b^8)}{(a^2b^2)^2}$.

Problema 2: Si $AC = AB$, $AE = AD$. Calcular el valor del ángulo BED.

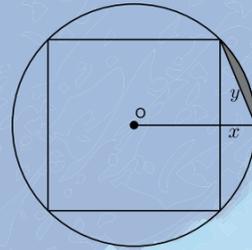


Problema 3: ¿De cuántas maneras es posible acomodar los números del 1 al 10 de manera que del primero al séptimo vayan creciendo, y el séptimo es mayor que el octavo y que del octavo al décimo vayan creciendo otra vez (por ejemplo una posibilidad es 1, 2, 3, 5, 6, 8, 10, 4, 7, 9)?

Problema 1: Encuentre todas las tripletas de números enteros que son soluciones del sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} x - yx = 1 \\ xz + y = 2 \end{cases}$$

Problema 2: En la siguiente figura, un cuadrado de lado a está inscrito en una circunferencia de centro O. Determine x e y. ¿Qué porcentaje del área del círculo está sombreada?



Problema 3: Bob Esponja quiere recuperar la combinación de la caja fuerte, porque ahí tiene guardada la receta secreta de sus famosas Cangreburger. Le pide a la Academia Sabatina de Jóvenes Talento, recuperar la combinación de 7 cifras a partir de las siguientes instrucciones:

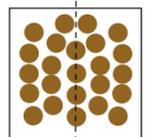
- Considere el conjunto S de todos los números N de 4 dígitos tal que cumplen:
 - * N inicia con el dígito 4 y termina con el dígito 8.
 - * N es múltiplo de 2, 3, 4, 8 y 9.
 La cantidad que se obtiene al sumar todos los números N que se encuentran en S, pero en orden contrario, representa los primeros botones por presionar.
- La suma del cuadrado de los dígitos del número determinado en el inciso anterior, será el divisor del mismo número. Del residuo que resulte, se toma el mayor dígito y éste representará el siguiente botón por presionar.

c) De faltar algún dígito en la combinación de 7 cifras, extraiga la media aritmética entre los dígitos encontrados, y determine el siguiente botón por presionar. ¿Cuál es la clave que le dará a Bob Esponja?

Problema 4: Cada entero positivo es pintado de rojo o de azul, de tal modo que se cumplan las siguientes condiciones:

- * Si a y b son dos enteros positivos, no necesariamente distintos, y su suma es múltiplo de 5, entonces a y b tienen el mismo color.
 - * Si a y b son dos enteros positivos, no necesariamente distintos, y ambos son azules, entonces su producto es azul.
 - * Si a y b son dos enteros positivos, no necesariamente distintos, y su producto es azul, entonces a y b son azules.
- * Hay al menos un número pintado de azul y al menos uno pintado de rojo. ¿Cuántos números del conjunto {1, 2, 3, ..., 2019} son rojos?

Problema 5: Josmayling compró una caja de 24 galletas, al abrirla se dio cuenta que las galletas están ubicados simétricamente con respecto a la línea vertical central, tal como se muestra en la figura. En los círculos café van las galletas. ¿De cuántas formas puede Josmayling comer 4 galletas, tal que las 20 galletas que quedan tengan simetría respecto a la línea vertical?



Noveno grado

Problema 3: Si α, β, γ son las soluciones de la ecuación $x^3 - x - 1 = 0$, calcule el valor de:

$$\frac{1-\alpha}{1+\alpha} + \frac{1-\beta}{1+\beta} + \frac{1-\gamma}{1+\gamma}$$

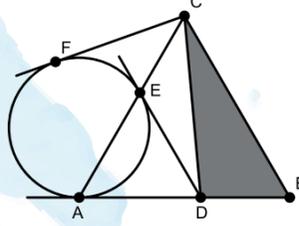
Problema 4: ¿Para cuántos números enteros N entre 1 y 2019 sucede que el numerador y el denominador de la fracción impropia $\frac{N^2 + 1}{N + 5}$ no son primos relativos?

Problema 5: Hay 2019 personas en una fila. Algunas siempre mienten, y otras siempre dicen la verdad. Cada persona dice: "Hay más mentirosos a mi izquierda que veraces a mi derecha". ¿Cuántos mentirosos hay?

Décimo grado

Problema 1: Considere el conjunto de enteros $S = \{1, 2, 3, \dots, 2019\}$. ¿Cuántos subconjuntos de S con k elementos no contienen un par de enteros consecutivos?

Problema 2: De la figura mostrada, calcule el área de la región sombreada si A, E y F son puntos de tangencia, $AB = BC = AC$ y $CF = 1$.

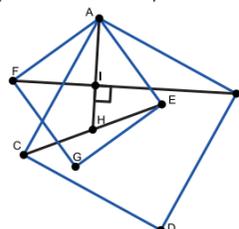


Problema 1: Sea n un entero mayor que 2019. Considere la siguiente función:

$$f(x) = \frac{1}{x^{2019}(x-1)} - \left(\frac{1}{x^{2020}} + \frac{1}{x^{2021}} + \dots + \frac{1}{x^n} \right)$$

¿Existe algún número real k tal que $f(k) < 0$, independientemente del valor de n?

Problema 2: En el gráfico ABDC y AEGF son cuadrados, H es un punto en CE tal que $AH \perp BF$, $AH = 4$, calcule BF.



Problema 3: Encuentre el menor entero positivo que puede ser insertado entre los números 20 y 19 tal que el número resultante 20...19 es un múltiplo de 2019.

Problema 4: Se marcan diez puntos sobre una circunferencia. ¿Cuántos polígonos convexos distintos, de tres o más lados, pueden dibujarse usando algunos de los diez puntos, o todos ellos, como vértices? Considere que dos polígonos son distintos a menos que tengan exactamente los mismos vértices.

Problema 5: Dos rectángulos son semejantes si las razones entre sus lados mayores y menores son proporcionales. ¿De cuántas maneras se puede dividir exactamente a un cuadrado en 3 rectángulos semejantes?. Diga también cuales son las razones de semejanza.